#### ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА 3. РАБОТА С ГРАФИКАМИ.

**3.1. Цель**: изучение команд построения графиков в пакете MATLAB.

## 3.2. Порядок выполнения работы

- 1. Изучите теоретическую часть. Выполните задания, соответствующие номеру Вашего варианта, и продемонстрируйте их преподавателю.
  - 2. Оформите отчет по лабораторной работе, который должен содержать:
    - титульный лист;
    - цель работы;
    - задание и исходные данные варианта;
    - протокол сеанса работы в MATLAB.

## 3.3. Методические рекомендации

В пакете MATLAB имеются широкие возможности по построению и редактированию двумерных и трехмерных графиков. Графический объект имеет множество свойств. Большинство команд высокоуровневой графики, автоматически устанавливают свойства графических объектов и обеспечивают воспроизведение графиков в нужной системе координат, палитре цветов и масштабе.

Особенности графики системы MATLAB:

- Построение графика функций одной переменной;
- Столбцовые диаграммы;
- Построение трехмерных графиков;
- Вращение графиков мышью;
- Контекстное меню графиков;
- Управление форматом графиков.

Графический объект имеет множество свойств. Большинство команд построения графиков автоматически устанавливают эти свойства и обеспечивают воспроизведение графика в нужной системе координат, палитре цветов, масштабе и т.д.

Изучим некоторые команды построения двумерных графиков.

## 3.3.1. Построение двумерных графиков

#### 3.3.1.1. Построение графиков отрезками прямых

Функции одной переменной y(x) находят широкое применение в практике математических и других расчетов, а также в технике компьютерного математического моделирования. Для отображения таких функций используются графики в декартовой (прямоугольной) системе координат. При этом обычно строятся две оси — горизонтальная X и вертикальная Y, и задаются координаты x и y, определяющие узловые точки функции y(x). Эти точки соединяются друг с другом отрезками прямых, т.е. при построении графика осуществляется линейная интерполяция для промежуточных точек. Поскольку MATLAB — матричная система, совокупность точек y(x) задается векторами X и Y одинакового размера.

Команда plot служит для построения графиков функций в декартовой системе координат. Эта команда имеет ряд параметров, рассматриваемых ниже.

- 1) plot (X, Y) строит график функции y(x), координаты точек (x, y) которой берутся из векторов одинакового размера Y и X. Если X или Y матрица, то строится семейство графиков по данным, содержащимся в строках матрицы.
- 2) plot (Y) строит график y(i), где значения y берутся из вектора Y, а i представляет собой индекс соответствующего элемента;
- 3) plot(X, Y, S) аналогична команде plot(X, Y), но тип линии графика можно задавать с помощью строковой константы S.

Значениями константы S могут быть следующие символы.

Цвет линии						
Y – Желтый	R – Красный	G – Зеленый				
М – Фиолетовый	К – Черный	В – Синий				
С – Голубой	W – Белый					
Тип то	Тип точки Тип линии					
. – Точка	V – Треугольник (вниз)	- – Сплошная				
О – Окружность	^ – Треугольник (вверх)	: – Двойной пунктир				
Х – Крест	<-Треугольник (влево)	– Штрих-пунктир				
<b>+</b> – Плюс	> – Треугольник (вправо)	– Штриховая				
* – Звездочка	Р – Пятиугольник					
S – Квадрат	Н – Шестиугольник					
D – Ромб						

## Пример:

>> x=[0:0.5:10];

>> y=[sin(x); cos(x)];

>> plot(x, y(1, :), 'm+-', x, y(2, :), 'r\*-')

Графики функций sin(x) и cos(x) приведены на рисунке 2.

## 3.3.1.2. Графики в логарифмическом масштабе

Для построения графиков функций со значениями x и y, изменяющимися в широких пределах, нередко используются логарифмические масштабы. Рассмотрим команды, которые используются в таких случаях.

 $-\log\log(...)$  — синтаксис команды аналогичен ранее рассмотренному для функции plot(...). Логарифмический масштаб используется для координатных осей X и Y.

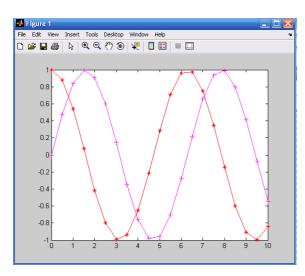
Пример.

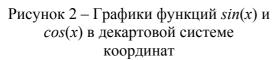
>> x=[0:1:10];

>> loglog(x,exp(x))

>> grid on

График функции exp(x) в логарифмическом масштабе приведен на рисунке 3.





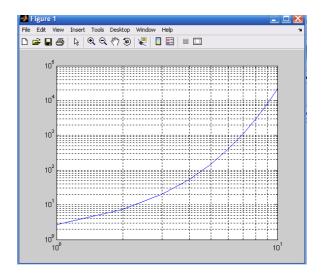


Рисунок 3 — График функции exp(x) в логарифмическом масштабе

## 3.3.1.3. Графики в полулогарифмическом масштабе

В некоторых случаях предпочтителен полулогарифмический масштаб графиков, когда по одной оси задается логарифмический масштаб, а по другой – линейный.

Для построения графиков функций в полулогарифмическом масштабе используются следующие команды:

- 1) semilogx(...) строит график функции в логарифмическом масштабе (основание 10) по оси X и линейном по оси Y:
- 2) semilogy (...) строит график функции в логарифмическом масштабе по оси Y и линейном по оси X.

Пример.

- >> x=[0:1:10];
- >> semilogy(x,exp(x))
- >> grid on

График функции exp(x) в полулогарифмическом масштабе приведен на рисунке 4.

## 3.3.1.4. Столбцовые диаграммы

Столбцовые диаграммы широко используются в обработке данных, связанных с финансами и экономикой, а также в математических исследованиях. Ниже представлены команды для построения таких диаграмм:

- 1) bar (X, Y) строит столбцовый график элементов вектора Y (или группы столбцов для матрицы Y) со спецификацией положения столбцов, заданной значениями элементов вектора X, которые должны монотонно возрастать;
- 2) bar (Y) строит график значений элементов матрицы Y так же, как указано выше, при этом фактически используется вектор X = [1:m];
- 3) bar (Y,WIDTH) или BAR(Y,WIDTH) команда аналогична ранее рассмотренным, но со спецификацией ширины столбцов (при WIDTH > 1 столбцы в одной и той же позиции перекрываются). По умолчанию задано WIDTH = 0.8.

Пример.

>> bar(rand(4,6))

График представлен на рисунке 5.

Существуют и другие типы двумерных графиков: графики с зонами погрешности, график дискретных отсчетов функции, графики в полярной системе координат, угловые гистограммы, графики векторов, график проекций векторов на плоскость, контурные графики и др.

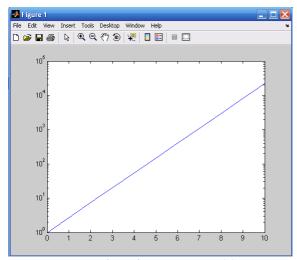


Рисунок 4 — График функции exp(x) в полулогарифмическом масштабе

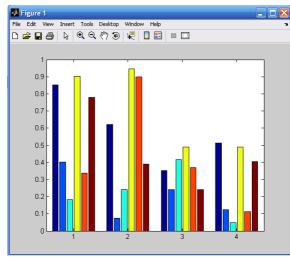


Рисунок 5 — Столбцовая диаграмма

## 3.3.1.5. Классическая гистограмма

Классическая гистограмма характеризует числа попаданий значений элементов вектора Y в M интервалов с представлением этих чисел в виде столбцовой диаграммы. Гистограммы строят следующие команды:

- 1) N = hist(Y) возвращает вектор чисел попаданий для 10 интервалов, выбираемых автоматически. Если <math>Y -матрица, то выдается массив данных о числе попаданий для каждого из ее столбнов:
- 2) N = hist(Y, M) аналогична рассмотренной выше команде, но используется M интервалов (M скаляр);
- 3) N = hist(Y, X) возвращает числа попаданий элементов вектора Y в интервалы, центры которых заданы элементами вектора X;
- 4) [N, X] = HIST(...) возвращает числа попаданий в интервалы и данные о центрах интервалов.

Пример построения гистограммы для 1000 случайных чисел:

- >> x=-5:0.5:5
- >> y=randn(1000, 1)
- >> hist(y, x)

Гистограмма представлена на рисунке 6.

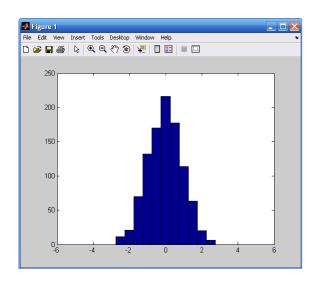
## 3.3.1.6 Лестничные графики

- 1) stairs(Y) строит лестничный график по данным вектора Y;
- 2) stairs(X, Y) строит лестничный график по данным вектора Y с координатами x переходов от ступеньки к ступеньке, заданными значениями элементов вектора X;
- 3) stairs(..., S) аналогична по действию вышеописанным командам, но строит график линиями, стиль которых задается строками S.

Пример построения лестничного графика:

- >> x=[0:0.25:10]
- >> stairs(x, x.^3)

Лестничный график представлен на рисунке 7.





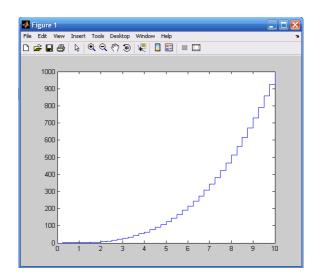


Рисунок 7 – Лестничный график

## 3.3.1.7. Круговые диаграммы

Команды построения круговых диаграмм:

- 1) pie(X) строит круговую диаграмму по данным нормализованного вектора X/SUM(X), SUM(X) сумма элементов вектора, если  $SUM(X) \le 1.0$ , то значения в X непосредственно определяют площадь секторов;
- 2) pie(X, EXPLODE) строит круговую диаграмму, у которой отрыв секторов от центра задается вектором EXPLODE, который должен иметь тот же размер, что и вектор данных X.

*Пример* построения круговой диаграммы, где третий и шестой сектора отделены от остальных:

```
>> x=[1 5 10 15 20];
>> pie(x, [0 5 0 10 0])
```

Круговая диаграмма представлена на рисунке 8.

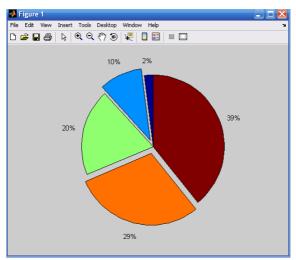


Рисунок 8 – Круговая диаграмма

## 3.3.2. Построение трехмерных графиков

#### 3.3.2.1 Подготовка данных для построения трехмерных графиков

Трехмерные поверхности обычно описываются функцией двух переменных z(x, y). Специфика построения трехмерных графиков требует не просто задания ряда значений x и y, то есть векторов X и Y. Она требует определения для X и Y двумерных массивов — матриц. Для создания таких массивов служит функция meshgrid.

В основном функция meshgrid используется совместно с функциями построения графиков трехмерных поверхностей. Функция meshgrid записывается в следующих формах:

- 1) [X,Y] = meshgrid(x) аналогична <math>[X,Y] = meshgrid(x, x);
- 2) [X, Y, Z] = meshgrid(x, y, z) возвращает трехмерные массивы, используемые для вычисления функций трех переменных и построения трехмерных графиков;
- 3) [X, Y] = meshgrid(x, y) преобразует область, заданную векторами x и y, в массивы X и Y, которые могут быть использованы для вычисления функции двух переменных и построения трехмерных графиков. Строки выходного массива X являются копиями вектора x; а столбцы Y копиями вектора y.

Пример.

>> [x, y] = meshgrid(1:4, 14:17)

**x** =

- 1 2 3 4
- 1 2 3 4
- 1 2 3 4
- 1 2 3 4

```
y =

14 14 14 14

15 15 15 15

16 16 16 16

17 17 17 17
```

Функция ndgrid является многомерным аналогом функции meshgrid:

- 1) [X1, X2, X3,...] = ndgrid(x1, x2, x3....) преобразует область, заданную векторами x1, x2, x3... в массивы X1, X2, X3..., которые могут быть использованы для вычисления функций нескольких переменных и многомерной интерполяции, i-я размерность выходного массива  $X_i$  является копией вектора  $x_i$ ;
  - 2) [X1, X2 ....] = ndgrid(x) аналогична [X1, X2....] = ndgrid(x, x, ...).

## 3.3.2.2 Трехмерные поверхности

Команда plot3(...) является аналогом команды plot(...), но относится к функции двух переменных z(x, y). Она строит аксонометрическое изображение трехмерных поверхностей и представлена следующими вариантами:

- 1) plot3(x, y, z) строит массив точек, представленных векторами x, y и z, соединяя их отрезками прямых;
- 2) plot3(X, Y, Z) строит точки с координатами X(i,:), Y(i,:) и Z(i,:) и соединяет их отрезками прямых, X, Y и Z три матрицы одинакового размера.

Пример.

```
>> [x, y]= ndgrid(-4:.25:4, -4:.25:4);
>> z=x.^2+y.^2;
>> plot3(x,y,z)
```

Построенный график приведен на рисунке 9.

## 3.3.2.3 Сетчатые графики

Наиболее представительными и наглядными являются сетчатые графики поверхностей с заданной или функциональной окраской. Имеются такие команды:

- 1) mesh(X, Y, Z, C) выводит в графическое окно сетчатую поверхность Z(X, Y) с цветами узлов поверхности, заданными массивом C;
- 2) mesh(X, Y, Z) аналог предшествующей команды при C = Z, используется функциональная окраска, при которой цвет задается высотой поверхности.

Bозможны также варианты команды mesh(x, y, Z), mesh(x, y, Z, C), mesh(Z) и mesh(Z, C).

Пример.

```
>> [x1, x2] = ndgrid(-2:.5:2, -2:.5:2);
>> z = x1.*exp(-x1.^2-x2.^2);
>> mesh(z)
```

Построенный график приведен на рисунке 10.

## 3.3.2.4. Закраска объемных многоугольников

Для закраски многоугольников, определенных в пространстве, служит команда fill3:

- 1) fill3(X, Y, Z, C) строит закрашенный многоугольник в пространстве с данными вершин, хранящимися в векторах X, Y и Z, и цветом, заданным палитрой C;
- 2) fill3(X1,Y1, Z1, C1, X2, Y2, Z2, C2,...) другой вариант построения нескольких закрашенных многоугольников в пространстве.

```
Пример.
```

```
>> x = [1 2 3 4];
>> y = [3 5 2 4];
>> z = [5 7 3 5];
>> c = [1 5 7 10];
>> fill3(x,y,z,c)
```

Построенный график приведен на рисунке 11.

Объемные круговые диаграммы строятся командой ріе3:

ріе3(...) – построение трехмерной круговой диаграммы, аналогична команде ріе(...).

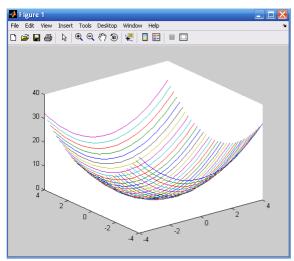


Рисунок 9 – График поверхности, построенной линиями

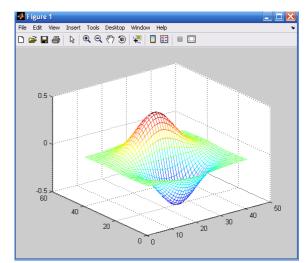


Рисунок 10 – Сетчатый график

## 3.3.2.5. Построение цилиндра и сферы

Для построения цилиндра и сферы в виде трехмерной фигуры с помощью команд surf (X, Y, Z) или surfl (X,Y,Z) служат команды:

- 1) [X,Y,Z]=cylinder(R,N) создает массивы X, Y и Z, описывающие цилиндрическую поверхность с радиусом R и числом узловых точек N для последующего построения цилиндра с помощью функции surf(X, Y, Z);
- 2) [X,Y,Z]=cylinder(R) и [X,Y,Z]=cylinder подобны предшествующей функции для N=20 и R = [1 1];
- 3) [X,Y,Z]=sphere(N) генерирует матрицы X, Y и Z размера  $(N+1)\times(N+1)$  для построения сферы;
  - 4) [X,Y,Z]=sphere аналогична предшествующей функции при N = 20.

Пример.

>> [x, y, z] = cylinder(20, 50);

>> surf(x,y,z,x)

Построенный цилиндр приведен на рисунке 12.

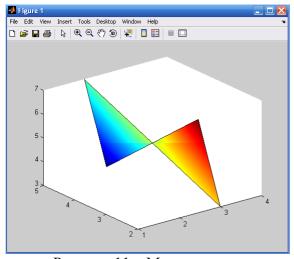


Рисунок 11 – Многоугольники

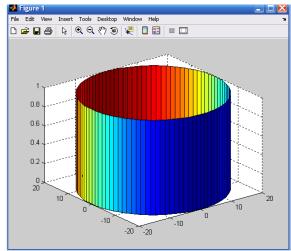


Рисунок 12 – Цилиндр

## 3.3.2.6. Построение объемных фигур с помощью плоских треугольников

К числу специальных видов графики относится построение объемных фигур с помощью плоских треугольников. Для построения таких фигур в виде каркаса (без окраски и отображения плоскостей) используются команды:

- 1) trimesh(TRI, X, Y, Z, C) построение объемной каркасной фигуры с треугольниками, специфицированными матрицей поверхности TRI, каждая строка которой содержит три элемента и задает одну треугольную грань путем указания индексов, по которым координаты выбираются из векторов X, Y, Z, цвета ребер задаются вектором C;
- 2) trimesh(TRI, X, Y, Z) построение, аналогичное предшествующему при C = Z, т. е. с цветом ребер, зависящим от значений высоты.

*Пример* построения случайной объемной фигуры, параметры которой задаются с помощью генератора случайных чисел:

```
>> x = rand(1,30);
>> y = rand(1,30);
>> z = sin(x.*y);
>> tri = delaunay(x,y);
>> trimesh(tri,x,y,z)
```

Построенная фигура приведена на рисунке 13.

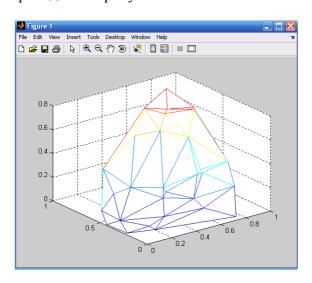


Рисунок 13 – Объемная фигура

#### 3.3. Редактирование графиков

Для переключения в режим редактирования графика нужно щелкнуть на кнопке Edit Plot (Редактировать график) с изображением курсора-стрелки. В этом режиме графиком можно управлять с помощью контекстного меню, вызываемого щелчком правой кнопки мыши. Графики в пакете MATLAB строятся достаточно просто, так как многие свойства графиков установлены по умолчанию. К таким свойствам относятся вывод или скрытие координатных осей, положение их центра, цвет линии графика, ее толщина и т. д. Свойства и вид графиков можно менять в широких пределах с помощью параметров команд графики. Однако этот путь требует хорошего знания деталей языка программирования и дескрипторной графики MATLAB. Форматирование графиков стало более строгим и удобным: используются команды Figure Properties (свойства фигуры) и Axis Properties (свойства осей) со всеми необходимыми настройками.

Поскольку графика MATLAB обеспечивает получение цветных изображений, в ней есть ряд команд для управления цветом и различными световыми эффектами. Среди них важное место занимает установка палитры цветов. Палитра цветов RGB задается матрицей MAP из

трех столбцов, определяющих значения интенсивности красного (red), зеленого (green) и синего (blue) цветов. Их интенсивность задается в относительных единицах от 0.0 до 1.0. Например,  $[0\ 0\ 0]$  задает черный цвет,  $[1\ 1\ 1]$  — белый цвет,  $[0\ 0\ 1]$  — синий цвет. При изменении интенсивности цветов в указанных пределах возможно задание любого цвета. Таким образом, цвет соответствует общепринятому формату RGB.

Рассмотрим команды редактирования графика:

- 1) title('string') установка на двумерных и трехмерных графиках титульной надписи, заданной строковой константой 'string';
- 2) xlabel('String'), ylabel('String'), zlabel('String') команды установки надписей возле осей x, y и z;
- 3) text(X,Y, 'string') добавляет в двумерный график текст, заданный строковой константой 'string', так что начало текста расположено в точке с координатами (X, Y), если X и Y заданы как одномерные массивы, то надпись помещается во все позиции [x(i), y(i)];
  - 4) text(X,Y, Z, 'string') добавляет в трехмерный график текст;
- 5) gtext('string') задает выводимый на график текст в виде строковой константы 'string' и выводит на график перемещаемый мышью маркер в виде крестика; установив маркер в нужное место, достаточно щелкнуть любой кнопкой мыши для вывода текста;
- 6) gtext(C) позволяет аналогичным образом разместить многострочную надпись из массива строковых переменных C;
- 7) legend(stringl, string2, strings,...) добавляет к текущему графику легенду в виде строк, указанных в списке параметров;
  - 8) legend (M) размещает легенду, используя данные из матрицы M;
  - 9) legend OFF устраняет ранее выведенную легенду;
- 10) axis([XMIN XMAX YMIN YMAX]) установка диапазонов координат по осям x и y для текущего двумерного графика;
- 11) axis([XMIN XMAX YMIN YMAX ZMIN ZMAX]) установка диапазонов координат по осям x, y и z текущего трехмерного графика;
  - 12) axis auto установка параметров осей по умолчанию;
  - 13) grid on добавляет сетку к текущему графику;
  - 14) grid off отключает сетку;
- 15) zoom переключает состояние режима интерактивного изменения масштаба для текущего графика;
  - 16) zoom (FACTOR) устанавливает масштаб в соответствии с коэффициентом *FACTOR*;
- 17) zoom on включает режим интерактивного изменения масштаба для текущего графика;
- 18) zoom off выключает режим интерактивного изменения масштаба для текущего графика;
- 19) colormap('default') устанавливает палитру по умолчанию, при которой распределение цветов соответствует радуге;
  - 20) colormap(MAP) устанавливает палитру RGB, заданную матрицей MAP;
  - 21) shading flat задает окраску ячеек или граней в зависимости от текущих данных;
  - 22) shading interp задает окраску с билинейной интерполяцией цветов;
  - 23) shading faceted равномерная раскраска ячеек поверхности (принята по умолчанию). *Пример* установки титульной надписи и надписей по осям графиков:
  - >> [X,Y]=meshgrid([-2:0.1:2]);
  - $>> Z=cos(X)./(X.^2+Y.^2+0.2);$
  - >> surfl(X,Y,Z)
  - >> colorbar
  - >> colormap(gray)

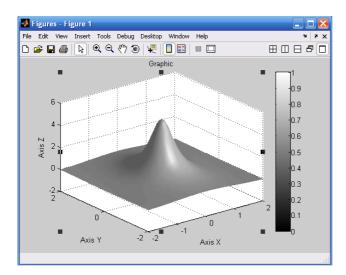
- >> shading interp
- >> xlabel('Axis X')
- >> ylabel('Axis Y')
- >> zlabel('Axis Z')
- >> title('Graphic')

Построенная фигура со всеми надписями приведена на рисунке 14.

Пример размещения надписи под кривой графика в позиции (-5, 0.7):

- >> x=[-10:0.1:10];
- $>> plot(x, cos(x).^3)$
- >> text(-5,0.7, 'Graphic cos(x)^3')

Построенный график с надписью приведен на рисунке 15.



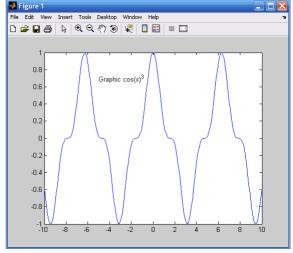


Рисунок 14 – График с надписями

Рисунок 15 – График с надписью в определенной позиции

#### 3.4. Задания:

#### Задание 1.

*а)* Построить график функции, используя команду plot. Самостоятельно задать шаг и диапазон изменения аргумента.

Варианты заданий

Вариант	Функция	Вариант	Функция 1	Вариант	Функция 1
1	$y = x^2 - 4$	2	$y = x^4 + 9$	3	$y = x^3 - 2x^2$
4	$y = x^2 + 5$	5	$y = x^4 - 10$	6	$y = x^3 + 4x^2$
7	$y = x^2$	8	$y = x^4 + 9x^3$	9	$y = x^4 + 2x^3 + 3$
10	$y = 1 - x^2$	11	$y = x^4 - 3x^3$	12	$y = 2x^3 - 6x^2 + 3$
13	$y = x^2 - 6x$	14	$y = x^4 - 3x^3 + 4x^2$	15	$y = x^5 - 2x^2$
16	$y = x^2 + 7x$	17	$y = x^4 + 5x^3 - 2x^2$	18	$y = x^5 + 4x^2$
19	$y = x^3 + 7$	20	$y = x^4 + 2x^2$	21	$y = x^5 - 3x^3$
22	$y = x^3 - 2$	23	$y = x^4 - 4x^2$	24	$y = x^5 + 4x^4$
25	$y = x^3 - 3x$	26	$y = x^4 - 3x^3 + 4x^2 - 4$	27	$y = x^5 - 2x^4$
28	$y = x^3 + 5x$	29	$y = x^4 + 2x^3 - 6x^2 + 3$	30	$y = x^5 + 4x^3$

**б)** Построить кривую по заданному параметрическому представлению (параметрическое представление кривой l на плоскости с координатами x, y — это две функции x = x(t), y = y(t), определенные на одном и том же числовом множестве) (команда plot).

Варианты заданий

Вариант	нты заоании Кривая
1	•
1	Окружность радиуса $r$ с центром в начале координат: $x = r\cos(t)$ , $y = r\sin(t)$ , $t \in [0,2\pi)$ .
2	Эллипс с большой и малой полуосями, равными соответственно $r_1$ и $r_2$ и распо-
	ложенными параллельно осям координат: $x = r_1 \cos(t), \ y = r_2 \sin(t), \ t \in [0,2\pi)$ .
	1 1// 1 (// 2 (// 1/ /
	80 60 60 20 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
	$r_1 < r_2 \qquad \qquad r_1 > r_2$
3	Улитка Паскаля: $x = a\cos^2 t + b\cos t$ , $y = a\cos t\sin t + b\sin t$ , $a > 0, b > 0$ ,
	$t \in [0,2\pi)$ . Рассмотреть случаи, когда $b \ge 2a, \ a < b < 2a, \ a > b$ .
	150
	100 50 100 100 100 100 100 100 1
	$b \ge 2a \qquad \qquad a < b < 2a \qquad \qquad a > b$
4	$x = t - \sin(t), y = 1 - \cos(t), t \in [-\pi, \pi] \text{ if } t \in [0, 2\pi].$
	2 1.8 1.6 1.4 1.2 1 1 0.8 0.6 0.4 0.4 0.2 0.0 1 2 3 4 5 6 7 0 4 3 2 1 0 1 2 3
	$t \in [0, 2\pi] \qquad \qquad t \in [-\pi, \pi]$
5	Кардиоида: $x = a\cos t(1+\cos t)$ , $y = a\sin t(1+\cos t)$ , $a > 0$ , $t \in [0,2\pi)$ .
	80 40 20 

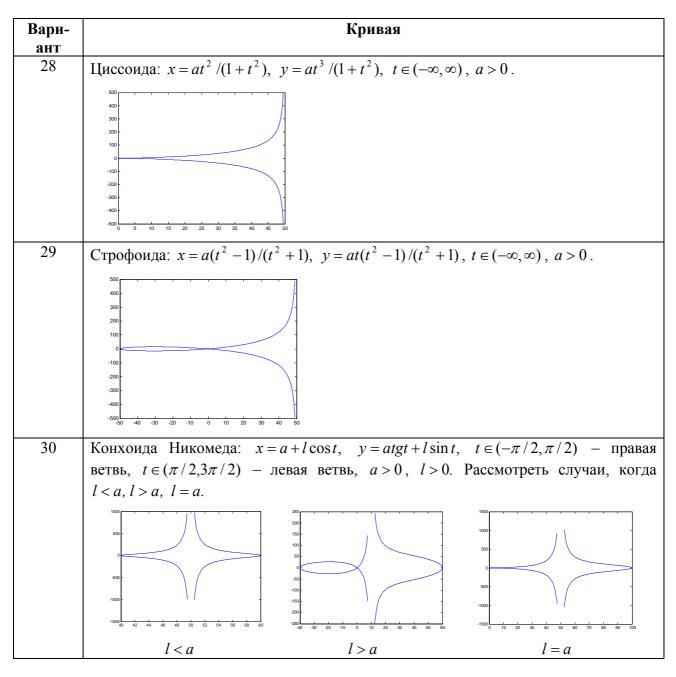
Вари- ант	Кривая					
6	Эпициклоида: $x = (a+b)\cos t - a\cos((a+b)t/a)$ , $x = (a+b)\sin t - a\sin((a+b)t/a)$ , $a>0, b>0$ . Рассмотреть следующие случаи: если $b/a$ есть целое положительное число, $t\in[0,2\pi)$ ; если $b/a=p/q$ , где $p$ и $q$ — положительные целые взаимно простые числа, $t\in[0,2q\pi)$ .					
	200 150 100 50 100 100 100 100 100 100 10					
	b/a есть целое положи- тельное число, $t \in [0,2\pi)$ если $b/a = p/q$ , $a < b$ , если $b/a = p/q$ , $a > b$ , готельное число, $t \in [0,2\pi)$ где $p$ и $q$ — положи- тельные целые взаимно простые числа, $t \in [0,2q\pi)$ . $t \in [0,2q\pi)$ .					
7	Астроида: $x = b \cos^3 t$ , $y = b \sin^3 t$ , $t \in [0,2\pi)$ .					
8	Циссоида: $x = at^2/(1+t^2)$ , $y = at^3/(1+t^2)$ , $t \in (-\infty,\infty)$ , $a>0$ .					
9	Строфоида: $x = a(t^2 - 1)/(t^2 + 1)$ , $y = at(t^2 - 1)/(t^2 + 1)$ , $t \in (-\infty, \infty)$ , $a > 0$ .					

Вари- ант	Кривая
10	Конхоида Никомеда: $x=a+l\cos t,  y=atgt+l\sin t,  t\in (-\pi/2,\pi/2)$ — правая ветвь, $t\in (\pi/2,3\pi/2)$ — левая ветвь, $a>0$ , $l>0$ . Рассмотреть случаи, когда $l< a, l>a, \ l=a$ .
	500 500 500 500 500 500 500 500
	l < a $l > a$ $l = a$
11	Окружность радиуса $r$ с центром в начале координат: $x = r\cos(t)$ , $y = r\sin(t)$ , $t \in [0,2\pi)$ .
12	Эллипс с большой и малой полуосями, равными соответственно $r_1$ и $r_2$ и распо-
	ложенными параллельно осям координат: $x = r_1 \cos(t)$ , $y = r_2 \sin(t)$ , $t \in [0,2\pi)$ .
	100 80 60 40 20 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
	$r_1 < r_2$ $r_1 > r_2$
13	Улитка Паскаля: $x = a \cos^2 t + b \cos t$ , $y = a \cos t \sin t + b \sin t$ , $a > 0, b > 0$ , $t \in [0,2\pi)$ .
	Рассмотреть случаи, когда $b \ge 2a$ , $a < b < 2a$ , $a > b$ .
	150 60 40 20 40 40 40 40 40 40 40 40 40 4
14	$b \ge 2a$ $a < b < 2a$ $a > b$ $x = t - \sin(t), y = 1 - \cos(t), t \in [-\pi, \pi] \text{ if } t \in [0, 2\pi].$
	$x = \lim_{t \to \infty} \{t, t \in [n, n] \mid t \in [0, 2n]\}.$
	1.8 1.6 1.4 1.2 1.0 1.8 1.6 1.4 1.2 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0
	$t \in [0, 2\pi] \qquad \qquad t \in [-\pi, \pi]$

Вари-	Кривая
<u>ант</u> 15	Кардиоида: $x = a \cos t (1 + \cos t)$ , $y = a \sin t (1 + \cos t)$ , $a > 0$ , $t \in [0,2\pi)$ .
	20 0 20 40 60 80 100
16	Эпициклоида: $x = (a+b)\cos t - a\cos((a+b)t/a)$ , $x = (a+b)\sin t - a\sin((a+b)t/a)$ ,
	a>0, b>0 . Рассмотреть следующие случаи: если $b/a$ есть целое положительное
	число, $t \in [0,2\pi)$ ; если $b/a = p/q$ , где $p$ и $q$ — положительные целые взаимно
	простые числа, $t \in [0,2q\pi)$ .
	150 150 150 150 150 150 150 150 150 150
	b/a есть целое положи- если $b/a = p/q$ , $a < b$ , если $b/a = p/q$ , $a > b$ , гд
	тельное число, $t \in [0,2\pi)$ где $p$ и $q$ – положи- $p$ и $q$ – положительные п
	тельные целые взаимно пые взаимно простые числа, $t \in [0,2q\pi)$ . $t \in [0,2q\pi)$ .
17	Астроида: $x = b \cos^3 t$ , $y = b \sin^3 t$ , $t \in [0,2\pi)$ .
	50 40 30 20 10 -10 -20 -30 -40 -50 -50 -60 -60 -60 -60 -60 -60 -60 -6
18	Циссоида: $x = at^2/(1+t^2)$ , $y = at^3/(1+t^2)$ , $t \in (-\infty,\infty)$ , $a > 0$ .
	500 400 300 200 100 

Вари- ант	Кривая
19	Строфоида: $x = a(t^2 - 1)/(t^2 + 1)$ , $y = at(t^2 - 1)/(t^2 + 1)$ , $t \in (-\infty, \infty)$ , $a > 0$ .
	400 300 200 100 -
	-200   -300   -400   -400   -400   -500   -400   -300   -200   -100   -100   -200   -400   -500   -400   -200   -100   -200   -400   -500   -400   -200   -100   -200   -400   -500   -400   -200   -100   -200   -400   -500   -4
20	Конхоида Никомеда: $x = a + l \cos t$ , $y = atgt + l \sin t$ , $t \in (-\pi/2, \pi/2)$ – правая
	ветвь, $t \in (\pi/2, 3\pi/2)$ — левая ветвь, $a > 0$ , $l > 0$ . Рассмотреть случаи, когда
	l < a, l > a, l = a.
	1000 500 100 500 500
	500 - 1000 - 1500 - 100
	-1500
21	$l < a \qquad l > a \qquad l = a$ $Q_{\text{MANNYMAGENY}} = 0.000000000000000000000000000000000$
21	Окружность радиуса $r$ с центром в начале координат: $x = r\cos(t)$ , $y = r\sin(t)$ , $t \in [0,2\pi)$ .
22	Эллипс с большой и малой полуосями, равными соответственно $r_1$ и $r_2$ и распо-
	ложенными параллельно осям координат: $x = r_1 \cos(t), \ y = r_2 \sin(t), \ t \in [0,2\pi)$ .
	100
	60 60 40
	20 V 0 - 
	40
	40 -1050 40 30 30 40 10 10 20 30 40 50 100 150
	$r_1 < r_2$ $r_1 > r_2$
23	Улитка Паскаля: $x = a\cos^2 t + b\cos t$ , $y = a\cos t\sin t + b\sin t$ , $a > 0, b > 0$ , $t \in [0,2\pi)$ .
	Рассмотреть случаи, когда $b \ge 2a$ , $a < b < 2a$ , $a > b$ .
	150 100 100 100 100 100 100 100 100 100
	$b \ge 2a$ $a < b < 2a$ $a > b$
	0 - 2u u \ 0 \ 2u u \ 0

Вари- ант	Кривая					
24	$x = t - \sin(t), y = 1 - \cos(t), t \in [-\pi, \pi]$ и $t \in [0, 2\pi]$ .					
	2 1.8 1.6 1.4 1.2 1.2 1 1.0 0.8 0.8 0.8 0.8 0.8 0.8 0.8 0.8 0.8 0					
	$t \in [0, 2\pi] \qquad \qquad t \in [-\pi, \pi]$					
25	Кардиоида: $x = a \cos t (1 + \cos t)$ , $y = a \sin t (1 + \cos t)$ , $a > 0$ , $t \in [0, 2\pi)$ .					
	80 60 40 20 40 40 40 40 40 40 40 40 40 40 40 40 40					
26	Эпициклоида: $x = (a+b)\cos t - a\cos((a+b)t/a)$ , $x = (a+b)\sin t - a\sin((a+b)t/a)$ ,					
	$a>0,b>0$ . Рассмотреть следующие случаи: если $b/a$ есть целое положительное число, $t\in[0,2\pi)$ ; если $b/a=p/q$ , где $p$ и $q$ – положительные целые взаимно простые числа, $t\in[0,2q\pi)$ . $b/a$ есть целое положительное число, $t\in[0,2\pi)$ если $b/a=p/q$ , $a< b$ , где $p$ и $q$ – положительные простые число, $t\in[0,2\pi)$ где $p$ и $q$ – положительные простые числа, $t\in[0,2q\pi)$ . $t\in[0,2q\pi)$ .					
27	Астроида: $x = b \cos^3 t$ , $y = b \sin^3 t$ , $t \in [0,2\pi)$ .					



<u>Задание 2.</u> Построить столбцовую и круговую диаграммы, классическую гистограмму и лестничный график.

<u>Задание 3.</u> Построить графики трехмерных поверхностей, используя функции plot3 и mesh.

Вари- ант	Функция 1	Функция 2	Вари- ант	Функция 1	Функция 2
1	$z = y^2 - x^2$	$z = \cos(y)^2 - \cos(x)^2$	2	$z = y^5 + x^5$	$z = \sin^3(y) + \cos^3(x)$
3	$z = x^2 - y^2$	$z = \cos^2(y) - \cos^2(x)$	4	$z = x^5 - y^5$	$z = \cos(y)^4 - \cos(x)^4$
5	$z = x^2 + y^2$	$z = \cos^2(y) + \cos^2(x)$	6	$z = y^5 - x^5$	$z = \cos^4(y) - \cos^4(x)$
7	$z = y^3 + x^3$	$z = \cos(y)^2 + \cos(x)^2$	8	$z = y^6 + x^6$	$z = \cos(y)^4 - \sin(x)^4$
9	$z = x^3 - y^3$	$z = \cos(y)^2 + \cos^2(x)$	10	$z = x^6 - y^6$	$z = \cos^4(y) - \sin^4(x)$
11	$z = y^3 - x^3$	$z = \cos^2(y) - \cos(x)^2$	12	$z = y^6 - x^6$	$z = \sin(y)^4 - \cos(x)^4$
13	$z = y^4 + x^4$	$z = \cos(x)^2 - \cos(y)^2$	14	$z = y^7 + x^7$	$z = \sin^4(y) - \cos^4(x)$
15	$z = x^4 - y^4$	$z = \cos(y)^2 - \sin(x)^2$	16	$z = x^7 - y^7$	$z = \sin(y)^3 + \cos(x)^3$

17	$z = y^4 - x^4$	$z = \cos^2(y) - \sin^2(x)$	18	$z = y^7 - x^7$	$z = \cos(y)^5 + \sin(x)^5$
19	$z = \sqrt{ x } - \sqrt{ y }$	$z = \sin(y)^2 - \cos(x)^2$	20	$z = \sqrt[3]{ y } - \sqrt[3]{ x }$	$z = \cos^5(y) + \sin^5(x)$
21	$z = \sqrt{ x } + \sqrt{ y }$	$z = \sin^2(y) - \cos^2(x)$	22	$z = \sqrt[3]{ x } + \sqrt[3]{ y }$	$z = \sin(y)^5 + \cos(x)^5$
23	$z = \sqrt[3]{ x } - \sqrt[3]{ y }$	$z = \cos(y)^3 + \cos(x)^3$	24	$z = y^9 + x^9$	$z = \sin^5(y) + \cos^5(x)$
25	$z = y^8 + x^8$	$z = \cos^3(y) + \cos^3(x)$	26	$z = x^9 - y^9$	$z = \cos(y)^5 + \sin^5(x)$
27	$z = x^8 - y^8$	$z = \cos(y)^3 + \sin(x)^3$	28	$z = y^9 - x^9$	$z = \sin^5(y) + \cos(x)^5$
29	$z = y^8 - x^8$	$z = \cos^3(y) + \sin^3(x)$	30	$z = y^{10} - x^{10}$	$z = \sin^5(y) - \cos(x)^5$

<u>Задание 4.</u> Построить различные трехмерные графики, используя следующие команды: fill3, pie3, trimesh, sphere, cylinder.

<u>Задание 5.</u> Перейти в режим редактирования графиков и проработать все команды редактирования для различных графиков.

## 3.5. Примерный перечень вопросов на защите работы

- 1. Перечислите основные команды построения двумерных графиков отрезками прямых.
- 2. Перечислите команды построения двумерных графиков в логарифмическом масштабе.
- 3. Назовите команды построения столбцовых и круговых диаграмм.
- 4. Назовите команды построения гистограммы и лестничного графика.
- 5. Перечислите команды построения трехмерных графиков.
- 6. Назовите команды подготовки данных для построения трехмерных графиков.
- 7. Перечислите команды построения цилиндра и сферы.
- 8. Назовите команды построения сетчатых графиков.
- 9. Перечислите команды построения объемных фигур с помощью плоских треугольников.
  - 10. Назовите команды редактирования графиков.